

РѢШЕНІЕ ПРИМѢРОВЪ,

ПОМѢЩЕННЫХЪ ВЪ

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ АЛГЕБРѢ

А. Киселева.

Составилъ В. Вроблевскій.

ИЗДАНИЕ В. И. РУБИНОВАГО.

1913.

Въ „Элементарной алгебрѣ“ А. Киселева при некоторыхъ параграфахъ даны примѣры для того, чтобы учащiеся на нихъ болѣе основательно изучить теорiю. Однако примѣры эти либо рѣшены вкратцѣ, либо снабжены только окончательнымъ результатомъ, почему мы считали не лишнимъ дать ихъ полное рѣшенiе. Тѣ же примѣры, которыхъ въ „Алгебрѣ“ приведено полное рѣшенiе, мы въ наши рѣшенiя не внесли.

§ 10.

$$1. a + b + a + 2 + b + a + 8 = a + a + a + b + b + 2 + 8 = (a + a + a) + (b + b) + (2 + 8) = a \cdot 3 + b \cdot 2 + 10 = 3a + 2b + 10.$$

$$2. a + (b + a) = a + b + a = a + a + b = (a + a) + b = 2 + b = 2a + b.$$

$$3. a \cdot (3xxa) \cdot (4ay) = a \cdot 3 \cdot x \cdot x \cdot a \cdot 4 \cdot a \cdot y = 3 \cdot 4 \cdot a \cdot a \cdot x \cdot x \cdot y = (3 \cdot 4)(aaa)(xx)y = 12a^3x^2y.$$

$$4. a^3a^2 = (aaa)(aa) = aaaaa = a^5.$$

$$5. (a + x + 1) \cdot 3 = a \cdot 3 + x \cdot 3 + 1 \cdot 3 = 3a + 3x + 3.$$

$$6. x(ax^2 + x) = x(ax^2) + x \cdot x = ax^2 \cdot x + x \cdot x = ax^3 + x^2.$$

$$7. m + (a - m) = m + a - m = a + m - m = a.$$

$$8. p - (q - p) = p - q + p = p + p - q = (p + p) - q = 2p - q.$$

$$9. \frac{9ab}{3} = \frac{9}{3} \cdot ab = 3ab.$$

§ 21.

1. Пусть разстоянiе отъ точки A до точки B будетъ m верстъ, а разстоянiе точки B до точки C n верстъ. При рѣшенiи этой задачи можетъ быть три случая: 1) $m > n$, 2) $m = n$ и 3) $m < n$. Разсмотримъ каждый изъ нихъ.

1) $m > n$. Если m больше n , то иѣсходь, вышедшiй изъ A , дойдя до B и повернувъ назадъ, остановится въ точкѣ C , которая находится влѣво отъ точки B на разстоянiи n верстъ отъ нея. Такъ какъ, по условiю, $m > n$, то, слѣдовательно, точка C лежитъ между точками A и B , а именно, на разстоянiи $m - n$ верстъ отъ точки A и на разстоянiи n верстъ отъ точки B .

Проверимъ это. Расстояние отъ A до B равно расстоянiю $AC+CB$ или $m-n+n=m$, то есть, что расстояние AB равно пути, пройденному пѣшеходомъ изъ B въ C плюсъ путь, который остается пройти ему изъ точки C , чтобы дойти до точки A .

2) $m=n$. Если $m=n$, то пѣшеходъ, вышедшiй изъ A , дойдя до B и повернувъ назадъ, остановится въ точкѣ C , которая находится влѣво отъ B на расстоянiи n верстъ отъ нея. Но такъ какъ $n=m$, то, следовательно, точка C находится влѣво отъ точки B на m верстъ. Но и точка A находится влѣво отъ точки B на m верстъ, следовательно, точка C совпадаетъ съ точкою A , т. е. что пѣшеходъ вернулся въ точку A . Проверимъ это. Расстояние отъ A до $B=m$, а расстояние отъ B до C равно n , следовательно, точка C будетъ находиться отъ точки A на расстоянiи $m-n$, но $m=n$, следовательно, $m-n=m-m=0$, т. е. точка C совпадаетъ съ точкою A .

3) $m < n$. Если $m < n$, то пѣшеходъ, вышедшiй изъ A , дойдя до B и повернувъ назадъ, остановится въ точкѣ C , которая находится влѣво отъ B на расстоянiи n верстъ отъ нея. Но такъ какъ $m < n$ или, что одно и то же, $n > m$, то, следовательно, точка C будетъ находиться влѣво не только отъ точки B , но и отъ точки A , притомъ отъ точки A на расстоянiи $n-m$ верстъ влѣво отъ нея. (См. въ „Курсѣ“ черт. 13).

2. Искомая прибыль равна $a-b$ руб.

1) Если $a=1000$ руб., а $b=100$ руб., то очевидно купецъ получитъ прибыль послѣ двухъ продажъ (такъ какъ $1000 > 100$), которая будетъ равна $a-b=1000-100=900$ руб.

2) Если $a=1000$ и $b=1000$, то прибыль, которую купецъ получилъ послѣ двухъ продажъ (такъ какъ $1000=1000$), будетъ $a-b=1000-1000=0$, т. е. купецъ не получилъ ни прибыли, ни убытка.

3) Если $a=1000$ и $b=1100$, то прибыль, которую купецъ получилъ послѣ двухъ продажъ (такъ какъ $1000 < 1100$), будетъ $a-b=1000-1100=-100$, т. е., иначе говоря, для того, чтобы купецъ не получилъ ни прибыли ни убытка, необходимо, чтобы у него было еще сто рублей, другими словами, отъ потернѣлъ убытокъ въ 100 рублей.

§ 22.

$$1. (+10)-(-2)=(+10)+(2)=+10+2=+12.$$

$$2. (-10)-(+2)=(-10)+(-2)=-10-2=-12.$$

$$3. (-10)-(-2)=(-10)+(2)=-10+2=-8.$$

§ 35.

1. $[(-2) + 9 + (-3)] \cdot (+7) = [(-2) + (-3) + 9] \cdot (+7) = [-2 - 3 + 9] \cdot (+7) = [-5 + 9] \cdot (+7) = (+4)(+7) = +28;$

$(-2)(+7) + (-3)(+7) + (+9)(+7) = (-14) + (-21) + (+63) = -14 + 63 - 21 = -35 + 63 = +28.$

2. $[8 + (-2) + (-3)](-10) = [8 - 2 - 3](-10) = (8 - 5)(-10) = (+3)(-10) = -30;$

$[8 + (-2) + (-3)](-10) = (+8)(-10) + (-2)(-10) + (-3)(-10) = -80 + 20 + 30 = -80 + 50 = -30.$

§ 49.

1. $a + 5mx - 2mx + 7mx - 8mx = a + 5mx + 7mx - 2mx - 8mx = a + (5+7)mx + (-2-8)mx = a + 12mx - 10mx = a + 2mx.$

2. $4ax + b^2 - 7ax - 3ax + 2ax = (4 - 7 - 3 + 2)ax + b^2 = -4ax + b^2 = b^2 - 4ax.$

3. $4a^2b^3 - 3ab + 0,5a^2b^3 + 3a^2c + 8ab = 4a^2b^3 + 0,5a^2b^3 - 3ab + 8ab + 3a^2c = (4 + 0,5)a^2b^3 + (-3 + 8)ab + 3a^2c = 4,5a^2b^3 + 5ab + 3a^2c.$

§ 58.

1. $aa^6 = a^{1+6} = a^7.$

2. $m^{10}m^3 = m^{10+3} = m^{13}.$

3. $x^{2n}x^{3n} = x^{2n+3n} = x^{5n}.$

4. $p^{r-3}p^{r+2} = p^{r-2+(r+2)} = p^{r-2+r+2} = p^{2r}.$

§ 59.

1. $(0,7a^3xy^2)(3a^4x^2) = 0,7 \cdot 3 \cdot a^3 \cdot a^4 \cdot x \cdot x^2 \cdot y^2 = 2,1a^{3+4}x^{1+2}y^2 = 2,1a^7x^3y^2.$

2. $(\frac{1}{2}m\chi^3)^2 = (\frac{1}{2}m\chi^3) \cdot (\frac{1}{2}m\chi^3) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot m \cdot m \cdot \chi^3 \cdot \chi^3 = \frac{1}{4}m^{1+1}\chi^{3+3} = \frac{1}{4}m^2\chi^6.$