

КУРСЪ

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ ГЕОМЕТРИИ

СЪ

ПРАКТИЧЕСКИМИ ЗАДАЧАМИ.

ДЛЯ ГОРОДСКИХЪ УЧИЛИЩЪ

ПО ПРОГРАММЪ ВИННИЦКАГО СЪВЪЗДА УЧИТЕЛЕЙ

СОСТАВИЛЪ

М. БОРЫШКЕВИЧЪ.

ИЗДАНИЕ ВТОРОЕ, ИСПРАВЛЕННОЕ.

КІЕВЪ.

Типографія И. Брандтъвскаго и В. Авдошевко, уг. Соф. ул., д. № 1
1893.

«Наглядность есть фундаментъ
всѣхъ знаний».

(Песталоцци.)

«Самая большая и главнѣйшая
часть развитія должна совершить-
ся посредствомъ самодѣятельно-
сти ученика».

(Диттесъ.)

Нѣть сомнѣнія, что геометрія есть одна изъ полезнѣйшихъ наукъ. Истины, предлагаемыя ею, даютъ средство къ решенію множества практическихъ вопросовъ, встрѣчающихся въ ремеслахъ, искусствахъ и обще�итіи. Но существующіе у насъ, въ педагогической литературѣ, учебники элементарной геометріи, которые даются въ руки учащимся, обыкновенно наполнены рядомъ аксиомъ, теоремъ и другихъ такихъ предложеній, изъ которыхъ весьма многія, нисколько не привлекая вниманія учащагося, на первыхъ же порахъ утомляютъ и отвращаютъ его отъ преподаваемаго предмета.

При составленіи настоящаго учебника я старался выполнить ту мысль Винницкаго съѣзда преподавателей математики и черченія, что преподаваніе геометріи въ городскихъ училищахъ должно преслѣдовать двѣ цѣли: 1) содѣйствовать умственному развитію учащихся и 2) сообщить побольше свѣдѣній, полезныхъ своими практическими приложеніями.

Хотя, согласно определенію того же съѣзда учителей, черченіе въ I классѣ должно преподаваться такъ, чтобы преподаватель геометріи могъ воспользоваться работою учителя черченія, какъ готовымъ материаломъ, и не имѣть бы по крайней мѣрѣ надобности въ ознакомлѣніи учащихся съ терминологіей, съ самыми наглядными свойствами фигуръ и ихъ частей, а черченіе во 2 классѣ должно служить подспорьемъ преподаванію геометріи, однако полагая, что преподаватель геометріи долженъ при каждомъ урокѣ притѣльно повторить съ учащимися соответственную терминологію, я съ ¹ лишнимъ соединить то, что относится къ курсу геометріи, и что должно быть пройдено на урокахъ черченія, съ курсомъ геометріи,—дабы учебникъ имѣть надлежащую полноту.

Хотя нѣкоторыя части настоящаго учебника (преимущественно относящіяся къ урокамъ черченія) имѣютъ—ради краткости—форму изложженія догматической, однако, при преподаваніи элементарной геоме-

рії, необхідно удовлетворять тремъ главнымъ педагогическимъ принципамъ: а) наглядности, б) самодѣятельности и в) интересу. Польза наглядного преподаванія геометріи вытекаетъ изъ того, что известныя геометрическія истини постигаются учащимися посредствомъ вицѣнныхъ чувствъ и этимъ путемъ легче усваиваются. Наглядное преподаваніе слѣдуетъ вести такъ, чтобы учащіе, зная известныя геометрическія построенія, производили ихъ съ полнымъ сознаніемъ того, почему они дѣлаютъ такъ, а не иначе. Само собою разумѣется, что наглядные средства должны быть по возможности вещественныя. При такомъ преподаваніи учащіе будуть въ состояніи развивать пріобрѣтеныя познанія,—у нихъ явится *самодѣятельность*. Этому въ особенности должно способствовать индуктивно-катехизическое преподаваніе.

Наконецъ, преподаваніе элементарной геометрії должно имѣть практическое направлениe. Указаіе приложенийъ той или другой геометрической истини въ обыденной жизни несомнѣнно родить *интерес*. Рѣшеніе же задачъ, какъ графическихъ, такъ равно и числовыхъ, производимое подъ руководствомъ преподавателя, покажетъ степень усвоенія учащими-ся известныхъ геометрическихъ истинъ.

Полагая, что катехизація однѣхъ и тѣхъ же статей геометрії не можетъ имѣть определенныхъ формъ и что только во время самого урока сказывается та или другая форма катехизації, конечная цѣль которой—довести учащихся до совершенію яснаго пониманія изложенного въ учебнику, я нахожу линіймъ излагать здесь примѣрную катехизацію, хотя бы одного урока, тѣмъ больше, что изъ «Образовательного курса наглядной геометрії»—Е. Волкова, «Элементарного курса геометрії»—Фальдеръ-Флита и—«Началъ линейнаго черченія»—Ив. Главинскаго можно заимствовать лучшіе образцы катехизаціи.

По совѣту Я. Фальке въ «Новомъ способѣ обучения началамъ геометрії», определенія должны быть заучены наизусть, но само собою разумѣется не для того, чтобы помнить слова, а чтобы слова были выражениемъ понятія вполнѣ усвоенного. Поэтому, во время урока, учитель путемъ последовательныхъ вопросовъ заставляетъ учениковъ сдѣлать известное определеніе, которому затѣмъ дается уже определенная форма и повторяется во время урока нѣкоторыми изъ учащихъ.

В заключеніе считаю не лишнимъ замѣтить, что почти все содержащие учебника распределено соответственно тремъ временамъ учебнаго года—осени, зимы и весны, съ тою цѣлью, чтобы вопросы, требующіе рѣшенія въ полѣ, возможно было проходить на практикѣ осенью и весною.

О ГЛАВЛЕНИЕ.

статьи

Предварительная лекция

1

ОТДѢЛЪ I.

А. ГЕОМЕТРИЯ НА ПЛОСКОСТИ

I. О линиях.

- § 1—§ 7. Линия прямая, кривая, ломанная и смыкающаяся.—Линии вертикальные и горизонтальные.—Отрезок и отвертка.—Линии параллельные.—Свойства прямых линий.—Проведение прямых линий линейкой, циркулем и вспомогательной линией.—Измерение линий аршином, шагом, кирпичом, мерной лесомой, милюками, шнуром и т. п.—Круговая линия и круг.—Центр, дуга, хорда, диаметр и радиус.—Выпуклая и вогнутая.—Касательная и секущая.—Круги концентрические.—Овалы.—Инструменты: циркуль, рейсфедер и чертежный треугольник.—Графическая задача

1

II. Объ углах.

- § 7—§ 15. Определение угла, а также стороны и вершины его.—Углы прямые, острые и тупые.—Зависимость величины угла от наклона его сторон.—Углы смежные и вертикальные.—Мера угла.—Малка.—Измерение углов способом поворотения.—Транспортир и его употребление.—Нагульники и его употребление.—Экспериментальный и геометрический.—Свойство перпендикуляра и наклонных, а задачи на него основания.—Свойства смежных и вертикальных углов

15

III. О параллельных линиях.

- § 15. Определение параллельных линий и проведение их посредством циркуля и линейки.—Объ углах, образующихся при пересечении двух параллельных третьими наклонными линиями.—Свойства

28

IV. О треугольниках.

- § 16—§ 23. Определение прямолинейной фигуры и треугольника.—Треугольники равносторонние, равнобедренные и разносторонние.—Треугольники остроугольные, тупоугольные и прямоугольные.—Гипотенуза и катеты.—Основание и высота треугольника.—Свойство высоты в остроугольном треугольнике.—Найти сумму углов в треугольниках.—Разделять прямой угол на 3 равные части.—Условия равенства косоугольных и прямоугольных треугольников.—Свойство высоты в равнобедренном треугольнике.—Решение практических задач.—Упражнения

32

VI

V. О многоугольникахъ.

- § 23—§ 26 Понятие о четырехугольникахъ, пятиугольникахъ и многоугольникахъ. Квадратъ, ромбъ, прямоугольникъ, параллелограммъ и границилъ —Основание и высота ихъ —Диагональ —Многоугольники правильные и неправильные —Периметръ —О вписаныхъ въ кругъ и описанныхъ около него многоугольникахъ —Равенство правильныхъ многоугольниковъ —Задачи, относящиеся къ окружности 44

VI. О подобии фигуръ.

- § 26—§ 32 Понятие о подобии фигуръ —Подобие треугольниковъ —Пропорциональность сторонъ въ подобныхъ треугольникахъ —Пропорциональный циркуль —Масштабъ линейный и поверочный —Решение практическихъ задачъ, основанное на подобии треугольниковъ —Подобие многоугольниковъ вообще —Подобие правильныхъ многоугольниковъ —Огношение окружности къ диаметру —Задачи 50

VII Вычисление площадей

- § 32—§ 35 Понятие о квадратныхъ мѣрахъ —Простейший способъ измѣрения площадей —Измѣрение площади прямоугольника, параллелограмма, треугольника и трапеции —Измѣрение площади неправильнаго многоугольника —Площадь правильнаго многоугольника и круга —Площадь сектора въ сегментѣ —Задачи на вычисление площадей 64

ОТДѢЛЪ II.

Б. ГЕОМЕТРИЯ ВЪ ПРОСТРАНСТВѢ.

- § 35—§ 41 I Наглядное ознакомление съ кубомъ, призмою, пирамидою, цилиндромъ, конусомъ и шаромъ 73

II. Измѣрение поверхности геометрическихъ тѣлъ.

- § 41—§ 45 Определение поверхности куба —Боковая и полная поверхность призмы прямой и наклонной —Боковая и полная поверхность цилиндра прямого и наклонного —Боковая и полная поверхность пирамиды полной и убѣженнѣй параллельно основанию —Боковая и полная поверхность конуса цѣльнаго и сѣченаго —Поверхность шара —Задачи 79

III Измѣрение объемовъ тѣлъ.

- § 45—§ 50 Концепция объ объемѣ тѣлъ. Мѣры объемовъ —Объемъ параллелепипеда прямого и наклоннаго —Объемъ тетрагранной и многогранной прямой и наклонной призмы —Объемъ цилиндра и бочки —Объемъ пирамидъ и конуса —Объемъ шара —Объемы другихъ тѣлъ, неподходящихъ къ известнымъ геометрическимъ формамъ —Задачи —Заключеніе 88

Геометрия въ полѣ.

- ¹ Цѣлинная съемка 102
² Экспериментальная съемка 106