

А. БАГРАМОВЪ и И. ХАРМАЦЪ:

ПОЛНЫЯ РѢШЕНИЯ И ПОДРОБНЫЯ ОБЪЯСНЕНИЯ

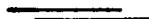
ВСѢХЪ БЕЗЪ ИСКЛЮЧЕНИЯ

(1-хъ и 2-хъ номеровъ)

АЛГЕБРАЧЕСКИХЪ ЗАДАЧЪ

II-ой ЧАСТИ СБОРНИКА

Н. А. ШАПОШНИКОВА и Н. Ж. ВАЛЬЦОВА.



ПО ПОСЛѢДНЕМУ ИЗДАНІЮ

(для самообразованія)

Отдѣленіе седьмое.

Возвведеніе въ степень.

— Извлеченіе корня. —

Книгоиздательство

М. С. Козмана въ Одессѣ,

Книгоиздательство М. С. КОЗМАНА въ Одессѣ.

Переводы съ полными словарями, комментариями и подробнымъ синтаксическимъ разборомъ слѣдующихъ книгъ (по изданію Маштейна).

(Нѣкоторые переводы съ латинскими текстами).

I, II, III, IV, V, VI, VII и VIII
книгъ Ю. Цезаря по
Всѣхъ 7 книгъ Ю. Цезаря.
Тоже со словаремъ
Избран. отрывковъ Цезаря
I, XXI, XXII и XXX книгъ
Тита Ливия по . . .
Съ XXXI по XXX-ую книгу
Тита Ливия . . .
Избран. стих. О. Назона
Рѣчей Цицерона:
Противъ Катилины . . .
За Архилла Поста . . .
О назнач. Гнея Помпѣя
Противъ Вереса . . .
За царя Делатора . . .
За Анния Милона . . .
За Квинта Лигарія . . .
I, II, III, IV, V и VI пѣснъ
Эпидеміи Вергилия по 50
Всѣхъ съ пѣсн. Э. Вергилия
Избр. отрывк. Э. Вергилия
Одѣ и Эподы Горация . . .
Сатиры Горация . . .

Югурт. войны Саллюстія
Консп. латин. синтаксиса
Ключъ къ учебн. латинск.
языка Виноградова . . .
Тоже къ Михайлловскому.
Къ практикѣ латинскаго
синтаксиса Виноградова
Баумбахъ. Избран. разск.
Нов. избм. пишет т. I и II по
Лессингъ. М. Барнельчъ
Шиллеръ Ист. 30-л. войны
Новые французские пис-т.
Вольтеръ. Ист. Карла XII
Мѣстѣръ Параша-Сибиряка
Сувестръ. У каминъ . . .
Романъ молодого бѣдняка
Мольеръ. Скульп.
Избран. сказкы Гауффа.
Лихтенштейнъ Гауффа по
Манштейну. по Еши по
Ключъ . . .
Къ уч. избм. яз. Глезеръ
и Лепольдъ ч. I и 2

Къ хрестоматіи Глезеръ
Къ 1-й 2-й и 3-я ч. избм.
хрест. Гальбекса по . . .
Къ 1 и 2 ч. учебн. избм.
яз. Аллендорфа по . . .
Ко 2-й ч. учеб. избм. яз.
Миттельштейнера . . .
Ко 2-й ч. уч. франц. из.
Россманъ и Шинть . . .
Ко 2-ой ч. учеб. франц
языка Триллинга . . .
Ко 2-ой ч. уч. франц. яз.
Шансель и Глезеръ . . .
Къ 1 и 2 ч. франц. хрест.
Фельз и Мартенъ по . . .
Къ приг. курсу, 1 и 2 ч.
учебн. француз. языка
Октаава Класса по . . .
Къ хрест. Окт. Класса.
Тако въ 1-ый и 2-ой по . . .
Къ 1 и 2 ч. франц. хрестом.
Бастена по . . .

ПОЛНЫЕ СЛОВАРІ КЪ:

I, II, III, IV, V, VI, VII и VIII
книгъ Ю. Цезаря по
8 книгамъ Цезаря . . .
Избр. отрывкамъ Цезаря
I, XXI, XXII и XXX кн. Ливия
Избр. стих. Овидія Назона
I, II, III, IV, V и VI пѣснъ
бѣднякъ Э. Вергилия . . .
Избр. отрывк. Вергилия . . .

Одамъ и эподамъ Горация
Сатирамъ Горация . . .
Рѣчами Цицерона:
Противъ Катилины . . .
За Квинта Лигарія . . .
За царя Делатора . . .
За Анния Милона . . .
О назнач. Гнея Помпѣя
Противъ Вереса . . .

Югурт. войны Саллюстія.
Учн. за Арий Поста . . .
Уч. лат. из. Виноградова . .
Уч. лат. из. Михайлловск.
Франц. хрестом. Бастена
2 ч. Шанселя и Глезера . . .
Хрестоматіи Глезеръ . . .

ПОВТОРИТЕЛЬНЫЕ КУРСЫ.

Вестокамимовъ Иванова
Всепобѣд. истор по нов. уч.
Всесообщ. ист. Белярмінова
Древній ист. по нов. учеб.

Древній ист. Кафѣсы . . .
Древній ист. Иванова . . .
Древній ист. Виноградова
Древн. ист. Добрынина 2ч.

Древній исторіи Знайко . .
Средн. ист. по нов. учебн.
Средн. исторіи Кафѣсі
Средн. исторіи Ивановъ

Отдѣленіе седьмое.

Возведеніе въ степень.

— Извлеченіе корня. —

ОТДЕЛЕНИЕ VII.

ВОЗВЕДЕНИЕ В СТЕПЕНЬ. ИЗВЛЕЧЕНИЕ КОРНЯ.

§ 1. Возвведение одночленов в степень.

В формуле $a^n = b$ количество a называется *основанием* степени, n — показателем степени, а b , или равное ему a^n , — n -й степенью от a . Составление b по данным a и n называется *возведением* в степень.

Если показатель n есть целое положительное количество, то самая степень условно называется *целой положительной*. Возвести в целую положительную степень значит повторить основание множителем столько раз, сколько единиц в показателе.

Таким образом $a^3 = a \cdot a \cdot a$, вообще $a^n = a \cdot a \dots a$ (n раз).

Правило знаков. Четная степень всякого количества, положительного или отрицательного, всегда положительна; так $(\pm a)^{2n} = +a^{2n}$. Нечетная степень всякого количества, положительного или отрицательного, имеет тот же знак, как основание; так $(+a)^{2n+1} = +a^{2n+1}$, $(-a)^{2n+1} = -a^{2n+1}$.

Теорема 1. Степень произведения равна произведению степеней каждого из сомножителей; так $(ab)^n = a^n b^n$.

Теорема 2. Степень дроби равна степени числителя, разделенной на степень знаменателя; так $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$.

Теорема 3. Степень от степени получается через перемножение показателей; так $(a^m)^n = a^{mn}$.

Общее правило. Чтобы возвести одночлен в степень, нужно поставить знак по правилу знаков, возвести в требуемую степень каждый множитель и делитель и расположить результаты множителями или делителями соответственно тому, как располагались множители и делители данного одночлена.

При этом явно выраженные числа возводятся непосредственно, а к буквенным выражениям применяется третья теорема.

$$\text{Например, имеем } \left(\frac{2a^3b^m}{3c^n}a^3\right)^3 = \frac{8a^9b^{3m}}{27c^{3n}a^9}.$$

Если показатель есть целое отрицательное количество, то самая степень условно называется целой отрицательной. Всякая степень с отрицательным показателем равняется единице, разделенной на соответствующую положительную степень того же основания.

$$\text{Таким образом } a^{-2} = \frac{1}{a^2}, \text{ вообще } a^{-n} = \frac{1}{a^n}.$$

К отрицательным степеням применяется без изменения: правило знаков, все три теоремы и общее правило возведения в степень одночленов. Так $(\pm a)^{-2n} = +a^{-2n}$, $(\pm a)^{-2n-1} = \pm a^{-2n-1}$, $(ab)^{-n} = a^{-n}b^{-n}$, $\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \frac{a^{-n}}{b^{-n}}$, $(a^{-m})^n = a^{-mn}$, $(a^m)^{-n} = a^{mn}$, $(a^{-m})^{-n} = a^{mn}$.

- | | | | |
|---|--|--|--|
| 1. $(\pm 2)^4$ | 1. $(\pm 4)^2$ | 2. $(\pm 5)^3$ | 2. $(\pm 3)^5$ |
| 3. $(\pm 10)^3$ | 3. $(\pm 10)^4$ | 4. $(\pm 100)^4$ | 4. $(\pm 100)^3$ |
| 5. 2^{-3} | 5. 3^{-2} | 6. 5^{-1} | 6. 4^{-3} |
| 7. $(-3)^{-2}$ | 7. $(-2)^{-3}$ | 8. $(-1)^{-5}$ | 8. $(-5)^{-1}$ |
| 9. $(-4)^{-3}$ | 9. $(-3)^{-4}$ | 10. $(-6)^{-1}$ | 10. $(-1)^{-6}$ |
| 11. $(-1)^{2n}$ | 11. $(-1)^{2n+1}$ | 12. $(-1)^{3n}$ | 12. $(-1)^{3n+1}$ |
| 13. $(2 \cdot 3)^3$ | 13. $(4 \cdot 5)^2$ | 14. $(5 \cdot 7 \cdot 3)^2$ | 14. $(10 \cdot 4 \cdot 3)^3$ |
| 15. $(ab)^4$ | 15. $(ac)^5$ | 16. $(-ab)^3$ | 16. $(-cd)^6$ |
| 17. $(xyz)^7$ | 17. $(xz)^{10}$ | 18. $(abc)^m$ | 18. $(bdf)^n$ |
| 19. $\left(\frac{a}{b}\right)^3$ | 19. $\left(\frac{b}{a}\right)^4$ | 20. $\left(\frac{n}{m}\right)^a$ | 20. $\left(\frac{m}{n}\right)^b$ |
| 21. $\left(-\frac{5}{7}\right)^2$ | 21. $\left(-\frac{4}{3}\right)^3$ | 22. $\left(-1\frac{2}{3}\right)^3$ | 22. $\left(-1\frac{1}{4}\right)^4$ |
| 23. $(-0,2)^5$ | 23. $(-0,5)^2$ | 24. $(-0,01)^4$ | 24. $(-0,001)^3$ |
| 25. $\left(\frac{2}{3}\right)^{-4}$ | 25. $\left(\frac{3}{2}\right)^{-3}$ | 26. $\left(\frac{3}{4}\right)^{-5}$ | 26. $\left(\frac{3}{5}\right)^{-4}$ |
| 27. $(0,3)^{-3}$ | 27. $(0,2)^{-6}$ | 28. $(0,02)^{-4}$ | 28. $(0,05)^{-3}$ |
| 29. $\left(\frac{1}{a}\right)^{-3}$ | 29. $\left(\frac{1}{a}\right)^{-4}$ | 30. $\left(\frac{c}{a}\right)^{-6}$ | 30. $\left(\frac{d}{c}\right)^{-5}$ |
| 31. $(a^3)^2$ | 31. $(a^2)^3$ | 32. $(a^5)^4$ | 32. $(a^4)^5$ |
| 33. $(-a^2)^3$ | 33. $(-a^3)^2$ | 34. $(-a^3)^6$ | 34. $(-a^6)^3$ |
| 35. $(-a)^{2n}$ | 35. $(-a)^{2n-1}$ | 36. $(-a^5)^{2n-1}$ | 36. $(-a^5)^{2n}$ |
| 37. $(-a^2)^{-3}$ | 37. $(-a^3)^{-2}$ | 38. $(-a^7)^{-4}$ | 38. $(-a^4)^{-7}$ |
| 39. $(-a^m)^{-6}$ | 39. $(-a^n)^{-5}$ | 40. $(-a^3)^{-2n+1}$ | 40. $(-a^4)^{-2n+2}$ |
| 41. $(a^{-3})^4$ | 41. $(a^{-4})^3$ | 42. $(-a^{-5})^{-2}$ | 42. $(a^{-2})^{-5}$ |
| 43. $(a^{-m})^{-n}$ | 43. $(a^{-m})^n$ | 44. $(a^m)^{-n}$ | 44. $(a^{-n})^{-m}$ |
| 45. $[(-a)^3]^4$ | 45. $[(-a)^4]^3$ | 46. $[(-a)^5]^3$ | 46. $[(-a)^3]^5$ |
| 47. $[(-b)^5]^m$ | 47. $[(-b)^3]^n$ | 48. $[(-b)^{2n}]^7$ | |
| 49. $\left[\left(\frac{-1}{2}\right)^4\right]^{-1}$ | 49. $\left[\left(\frac{-1}{2}\right)^{-2}\right]^{-4}$ | 50. $\left[\left(\frac{-2}{3}\right)^{-3}\right]^{-2}$ | 50. $\left[\left(\frac{-3}{2}\right)^{-2}\right]^{-3}$ |
| 51. $\left[\left(\frac{-a}{b}\right)^3\right]^{-2}$ | 51. $\left[\left(\frac{-b}{a}\right)^4\right]^{-3}$ | 52. $\left[\left(\frac{-b}{a}\right)^5\right]^{-3}$ | 52. $\left[\left(\frac{-a}{b}\right)^4\right]^{-6}$ |